



















MK_7	<p>Umie wykorzystać pojęcia, twierdzenia i metody rachunku różniczkowego funkcji jednej zmiennej do badania przebiegu funkcji podając uzasadnienia poprawności swoich rozwiązań.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>												
<b>suma</b>				10,0	5,0	10,0	6,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
MK_8 Analiza matematyczna III	Potrafi całkować funkcje wielu zmiennych.	egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;	Analiza matematyczna III	8,0	4,0	8	5,0							
	<p>Rozumie pojęcie rozkładu jedności i umie je stosować.</p> <p>Zna i umie stosować rachunek różniczkowy funkcji wielu zmiennych; zna podstawowe twierdzenia w tym zakresie.</p> <p>Ma podstawową wiedzę na temat przestrzeni odwzorowań liniowych ciągłych i wieloliniowych.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p>												



MK_10 Rc	Zna podstawowe twierdzenia o istnieniu i jednoznaczności i umie badać istnienie rozwiązania zagadnienia początkowego.	egzamin pisemny/ustny; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe;  Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.												
			suma	4,0	2,0	4,0	3,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
eryczne	Zna podstawowe definicje związane z błędami. Potrafi oszacować błędy działań arytmetycznych. Interpretuje otrzymane wyniki w kontekście dokładności obliczeń.	kolokwium zaliczające ustne; kolokwia praktyczne w laboratorium; domowe prace rachunkowe/problemowe; rozwiązywanie zadań laboratoryjnych na zajęciach;	Metody numeryczne	4,0	2,0	4	2,0							
	Potrafi sformułować zagadnienie aproksymacji. Rozumie pojęcie zagadnienia interpolacji. Stosuje wybrane wzory interpolacji wielomianowej. Zna metody aproksymacji średniokwadratowej integralnej i punktowej oraz aproksymacji funkcjami ortogonalnymi.  Zna podstawowe algorytmy różniczkowania numerycznego.	kolokwium zaliczające ustne; kolokwia praktyczne w laboratorium; domowe prace rachunkowe/problemowe; rozwiązywanie zadań laboratoryjnych na zajęciach;												







MK_13 Geometria elementarna	<p>Zna podstawowe układy pojęć charakteryzujących geometrię euklidesową (prostokąt, przystawanie); umie ustalać wzajemne położenie sfer i podprzestrzeni afinicznych; umie za pomocą inwersji sprowadzać zagadnienia dotyczące przestrzeni inwersyjnej (Moebiusa) do geometrii euklidesowej i na odwrót.</p> <p>Zna i umie stosować (w prostych przypadkach) zasady klasyfikacji izometrii przestrzeni euklidesowej.</p> <p>Po zrealizowaniu przedmiotu student uzyskuje podstawy metodologiczne uprawiania i uczenia się geometrii.</p>	<p>egzamin pisemny; serie kartkówek; kolokwia;</p> <p>egzamin pisemny; serie kartkówek; kolokwia;</p> <p>prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>												
	<p>suma</p>		4,0	2,0	4,0	3,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	
	<p>Zna i rozumie pojęcia: przestrzeń afiniczna i rzutowa; umie, poprzez użycie operacji rzutowego domknięcia i reduktu sprowadzać zagadnienia geometrii afinicznej do zagadnień geometrii rzutowej i na odwrót.</p>	<p>egzamin pisemny; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p>	Geometria afiniczna i rzutowa	4,0	2,0	4,0	3,0							

MK_14 Geometria afiniczna i rzutowa	<p>Zna rolę podstawowych aksjomatów konfiguracyjnych: mały i duży aksjomat Desarguesa, mały i duży aksjomat Pappusa.</p> <p>Zna strukturę podprzestrzeni przestrzeni rzutowej: umie wyznaczać przekroje podprzestrzeni i podprzestrzenie rozpięte przez układy podprzestrzeni.</p> <p>Zna analityczny opis kolineacji i korelacji przestrzeni rzutowych; zna rolę twierdzenia Chasles'a (twierdzenia o trzech wysokościach), zna rolę dwustosunku przy wyróżnianiu kolineacji rzutowych.</p> <p>Rozumie działanie grup kolineacji na rodziny podprzestrzeni, zna twierdzenie Chowa.</p>	<p>egzamin pisemny; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>egzamin pisemny; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>egzamin pisemny; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>											
	suma	4,0	2,0	4,0	3,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	
	<p>Posiada umiejętność wyrażania faktów z elementarnej teorii liczb w terminach grup i pierścieni.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p>	Elementarna teoria liczb	4,0	2,0	4	2,0						



MK_15 Elementarna teoria liczb	<p>Umie wyznaczać rozkład kanoniczny liczb naturalnych, całkowitych i wymiernych; wyznacza najmniejszą wspólną wielokrotność i największy wspólny dzielnik liczb całkowitych; umie rozwiązywać liniowe równania diofantyczne; umie rozwiązywać kongruencje; umie stosować arytmetykę modularną; umie stosować symbol Legendre'a; umie przedstawiać liczby rzeczywiste w postaci ułamków łańcuchowych; umie obliczać wartości podstawowych funkcji arytmetycznych.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; domowe prace rachunkowe/problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>												
suma				4,0	2,0	4,0	2,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
MK_16 Kombinatoryka	<p>Zna i umie stosować elementarne metody zliczania podstawowych obiektów kombinatorycznych.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p>	Kombinatoryka	5,0	2,0	5	3,0							
	<p>Potrafi dowieść podstawowe tożsamości kombinatoryczne.</p> <p>Potrafi znajdować zależności rekurencyjne i zna podstawowe metody ich rozwiązywania wykorzystujące zasadę indukcji, metodę równań charakterystycznych oraz funkcji tworzących.</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach;</p> <p>egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach;</p>												



















MK_25 Rachunek prawdopodobieństwa: zastosowania i rozs:	<p>Posiada zdolność analizowania prostych schematów doświadczalnych i przeprowadzania prostego wnioskowania statystycznego, m. in. na bazie ogólnych twierdzeń granicznych i praw wielkich liczb.</p> <p>Potrafi określić swoje zainteresowania i podejmuje kroki w celu ich rozwoju.</p> <p>Potrafi samodzielnie wyszukiwać w literaturze wiadomości na zadany temat z zakresu rachunku prawdopodobieństwa.</p>	<p>kolokwium/kolokwia;</p> <p>obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: wykłady, ćwiczenia rachunkowe, konsultacje, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>												
suma				4,0	2,0	4,0	3,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	4,0
Ochrona własności intelektualnej	<p>Ma wiedzę o prawie autorskim, prawach pokrewnych i o ochronie własności przemysłowej.</p>	<p>kolokwium; obserwacja ciągła aktywności studentów;</p>	Ochrona własności intelektualnej	1,0	1,0		1,0							
	<p>Potrafi stosować i interpretować prawo autorskie, pozyskać informacje o prawie autorskim i własności przemysłowej w bazach danych, internecie, literaturze oraz potrafi zweryfikować wiedzę na temat prawa autorskiego i własności przemysłowej.</p>	<p>kolokwium; obserwacja ciągła aktywności studentów;</p>												

MK_26	Rozumie znaczenie przestrzegania prawa autorskiego oraz potrzebę aktualizacji wiedzy w tym zakresie.	kolokwium; obserwacja ciągła aktywności studentów;  Metody kształcenia: wykłady, konsultacje, praca nad literaturą, dyskusje w grupach problemowych.											
			suma	1,0	1,0	0,0	1,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
MK_27 Seminarium dyplomowe I	Student zapoznaje się dość szczegółowo z wybranym działem matematyki, zna podstawowe definicje, twierdzenia i dowody.	wygłaszanie referatu/prezentacji przed całą grupą; uczestnictwo w dyskusjach po referatach;	Seminarium dyplomowe I	3,0	1,0	3	2,0						3
	Student umie zreferować/zaprezentować wyniki swoich poszukiwań i studiów nad wybranym zagadnieniem.  Rozwija umiejętność uczestnictwa w dyskusjach.	wygłaszanie referatu/prezentacji przed całą grupą;  uczestnictwo w dyskusjach po referatach;  Metody kształcenia: konsultacje, praca nad projektem, praca nad wystąpieniem, praca nad literaturą, dyskusje w grupach problemowych.											
			suma	3,0	1,0	3,0	2,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	3,0
Seminarium dyplomowe II	Student zapoznaje się dość szczegółowo z wybranym działem matematyki, zna podstawowe definicje, twierdzenia i dowody.	wygłaszanie referatu/prezentacji przed całą grupą; uczestnictwo w dyskusjach po referatach;	Seminarium dyplomowe II	5,0	3,0	5	4,0						5
	Student umie zreferować/zaprezentować wyniki swoich poszukiwań i studiów nad wybranym zagadnieniem.	wygłaszanie referatu/prezentacji przed całą grupą;											













<p>Potrafi wyszukiwać i zrozumieć oraz dokonać analizy informacji z różnych źródeł (np. z obcojęzycznej literatury fachowej) związanych ze specjalnością matematyczną.</p> <p>Bierze aktywny udział w dyskusjach prowadzonych w języku obcym.</p>	<p>prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>Metody kształcenia: konsultacje, praca nad wystąpieniem, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.</p>												
suma			3,0	1,0	0,0	3,0	0,0	0,0	0,0	3,0	0,0	0,0	
<p>Posiada uporządkowaną wiedzę dotyczącą terminologii matematycznej w językach obcych.</p> <p>Potrafi przygotować w języku obcym w formie pisemnej i ustnej raport, sprawozdanie oraz streszczenie popularnego oraz popularnonaukowego artykułu z matematyki.</p> <p>Potrafi przetłumaczyć na język polski popularny artykuł z matematyki opublikowany w języku obcym.</p> <p>Umie przygotować w języku obcym autoprezentację, krótki referat dotyczący podstawowych pojęć matematycznych (hasło encyklopedyczne).</p>	<p>egzamin pisemny/ustny; kolokwium/kolokwia; domowe prace problemowe;</p> <p>prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>egzamin pisemny/ustny; domowe prace problemowe; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p> <p>domowe prace problemowe; projekt; obserwacja ciągła aktywności studenta;</p>	<p>Lektorat j. obcego IV</p>	4,0	1,0		3,0				4,0			

MK_35/I Lektorat j. obcego IV	Potrafi omówić w języku obcym wykresy i wyniki obliczeń matematycznych.	obserwacja ciągła aktywności studenta;											
	Potrafi przygotować w języku obcym streszczenie pracy licencjackiej.	domowe prace problemowe; prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach;											
	Zna język obcy na poziomie biegłości B2 Europejskiego Systemu Opisu Kształcenia Językowego Rady Europy.	egzamin pisemny/ustny; serie kartkówek; kolokwium/kolokwia;											
	Potrafi napisać list nieformalny, przemowę, rozprawkę.	prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;											
	Potrafi wyszukiwać i zrozumieć oraz dokonać analizy informacji z różnych źródeł, np. z obcojęzycznej literatury fachowej, związanych ze specjalnością matematyczną.	prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;											
Potrafi poprowadzić w obcym języku dyskusję w grupie oraz dokonać jej podsumowania. Ma umiejętność prowadzenia w języku obcym negocjacji, mediacji i dochodzenia do kompromisu.	prezentacje rozwiązań zadań na zajęciach; obserwacja ciągła aktywności studenta;												
	Metody kształcenia: konsultacje, praca nad wystąpieniem, praca nad literaturą, rozwiązywanie zadań domowych, dyskusje w grupach problemowych.												
	suma		4,0	1,0	0,0	3,0	0,0	0,0	0,0	4,0	0,0	0,0	

MK_36 Wychowanie fizyczne	Ma umiejętność współpracy w drużynie sportowej.	obserwacja ciągła aktywności studenta; sprawdziany sportowe;	Wychowanie fizyczne	1,0	1,0		1,0			1,0			
	Ma umiejętność kreowania nieantagonistycznej rywalizacji.	obserwacja ciągła aktywności studenta; sprawdziany sportowe;											
	Zna reguły kilku wybranych gier sportowych.	obserwacja ciągła aktywności studenta;											
Metody kształcenia: ćwiczenia fizyczne.													
suma				1,0	1,0	0,0	1,0	0,0	0,0	1,0	0,0	0,0	0,0
suma				0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0	0,0
MK_37 Przedmiot na innym kierunku	Uzyskuje podstawową wiedzę o wybranych fragmentach współczesnej humanistyki	dyskusje w grupach studenckich; obserwacja ciągła aktywności studenta;	Przedmiot A	2,0	2,0		1,0	2,0	2,0				2
	Uzyskuje narzędzia do rozumienia współczesnych sporów w obrębie humanistyki	dyskusje w grupach studenckich; obserwacja ciągła aktywności studenta;	Student wybiera jeden przedmiot z ogólnouczeniowej oferty przedmiotów o efektach przypisanych do obszaru nauk humanistycznych. Szczegółowe efekty przedmiotowe wraz z metodami ich weryfikacji są przyporządkowane przedmiotowi wybranemu przez studenta. Student realizuje przedmiot za co najmniej 2 ECTS, nie później niż w 6. semestrze .										
Metody kształcenia: wykłady, konsultacje, praca nad literaturą, dyskusje w grupach problemowych.													
suma				2,0	2,0	0,0	1,0	2,0	2,0	0,0	0,0	0,0	2,0
<b>ŁĄCZNA LICZBA punktów ECTS ZE WSZYSTKICH MODUŁÓW</b>				182,0	86,0	162,0	127,0	2,0	5,0	1,0	13,0	0,0	58,0

### III WSKAŹNIKI PROCENTOWE

1. Procentowy udział punktów ECTS za zajęcia wymagające bezpośredniego udziału nauczycieli akademickich studentów (min. 50%):	47,25274725
2. Procentowy udział punktów ECTS uzyskiwanych wskutek realizacji modułów do wyboru (min. 30%):	31,86813187
3. Procentowy udział punktów ECTS uzyskiwanych wskutek realizacji modułów zajęć związanych z praktycznym przygotowaniem zawodowym,	
4. Procentowy udział punktów ECTS uzyskiwanych wskutek realizacji modułów zajęć związanych z prowadzonymi badaniami naukowymi w dziedzinie nauki związanej z kierunkiem studiów,	59,89010989
5. Procentowy udział punktów ECTS dla każdego obszaru kształcenia, do którego przyporządkowany jest program studiów	100% z obszaru nauk ścisłych
6. Procentowe udziały poszczególnych dziedzin nauki, do których odnosi się program studiów:	100% z dziedziny nauk matematycznych

### IV WARUNKI UKOŃCZENIA STUDIÓW ORAZ UZYSKIWANY TYTUŁ ZAWODOWY

Warunkiem ukończenia studiów jest zaliczenie wszystkich przewidzianych Programem Studiów modułów. Adekwatne dla poszczególnych modułów formy zaliczenia są w części A sylabusów właściwych modułów oraz w Planach Studiów. Oznacza to także uzyskanie w toku studiów przynajmniej 180 punktów ECTS (z podziałem na przynajmniej 30 pkt. ECTS w każdym semestrze), przy czym z zajęć z języka obcego uzyskanie co najmniej 13 pkt. ECTS, a z wychowania fizycznego przynajmniej 1 pkt. ECTS. Student musi też uzyskać przynajmniej 1 pkt. ECTS z zajęć z technologii informacyjnych (w przedkładanym Programie Studiów treści te mieszczą się w module MK\_23). Konieczne jest też uzyskanie w toku studiów przynajmniej 30 % punktów ECTS z przedmiotów wybranych przez studenta.

Studia kończą się obroną pracy dyplomowej oraz egzaminem dyplomowym. Warunkiem dopuszczenia do obrony i egzaminu dyplomowego jest spełnienie wszystkich sprecyzowanych powyżej kryteriów.

Uzyskany tytuł zawodowy: licencjat.

(pieczęć i podpis Dziekana)  
WYDZIAŁ MATEMATYKI I INFORMATYKI  
dr hab. Krzysztof Piotr Delina-Prażmowski-Kryński  
prof. UwB